

Name:

Klasse:

Kompensationsprüfung zur
standardisierten kompetenzorientierten
schriftlichen Reifeprüfung

AHS

Februar 2022

Mathematik

Kompensationsprüfung 2
Angabe für **Kandidatinnen/Kandidaten**

Hinweise zur Kompensationsprüfung

Sehr geehrte Kandidatin, sehr geehrter Kandidat!

Die vorliegende Angabe zur Kompensationsprüfung umfasst fünf Aufgaben, die unabhängig voneinander bearbeitbar sind. Jede Aufgabe gliedert sich in zwei Aufgabenteile: „Aufgabenstellung“ und „Leitfrage“.

Die Vorbereitungszeit beträgt mindestens 30 Minuten, die Prüfungszeit maximal 25 Minuten.

Die Verwendung der vom zuständigen Regierungsmitglied für die Klausurarbeit freigegebenen Formelsammlung für die SRP in Mathematik ist erlaubt. Weiters ist die Verwendung von elektronischen Hilfsmitteln (z. B. grafikfähiger Taschenrechner oder andere entsprechende Technologie) erlaubt, sofern keine Kommunikationsmöglichkeit (z. B. via Internet, Intranet, Bluetooth, Mobilfunknetze etc.) gegeben ist und der Zugriff auf Eigendateien im elektronischen Hilfsmittel nicht möglich ist.

Beurteilung

Jede Aufgabe wird mit null, einem oder zwei Punkten bewertet. Dabei ist bei jeder Aufgabenstellung ein Grundkompetenzpunkt und bei jeder Leitfrage ein Leitfragenpunkt zu erreichen. Insgesamt können maximal zehn Punkte erreicht werden.

Beurteilungsschlüssel für die Kompensationsprüfung

Note	erreichte Punkte (Grundkompetenzpunkte + Leitfragenpunkte)
Sehr gut	7–10
Gut	6
Befriedigend	5
Genügend	4

Viel Erfolg!

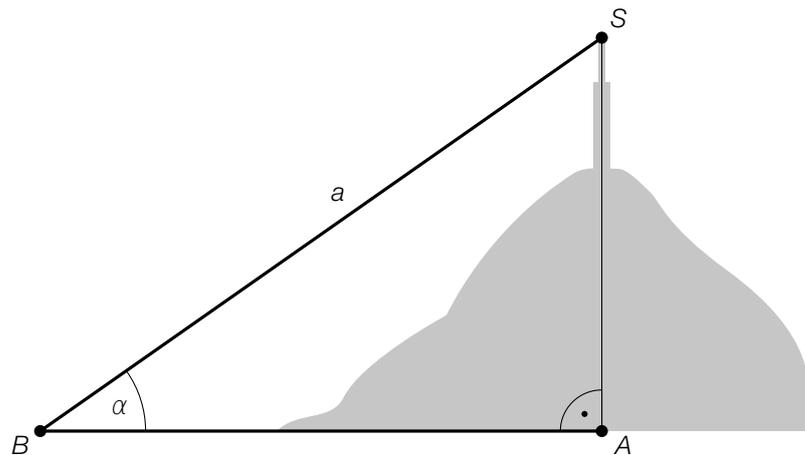
Aufgabe 1

Pyramidenkogel

Der Pyramidenkogel ist ein Berg in der Nähe des Wörthersees. Auf dessen Gipfel steht der höchste aus Holz erbaute Aussichtsturm der Welt.

Aufgabenstellung:

Bettina sieht vom Punkt B am Ufer des Wörthersees die Spitze S des Aussichtsturms unter dem Winkel α (siehe nachstehende nicht maßstabgetreue Skizze).



– Stellen Sie mithilfe von α und a eine Formel zur Berechnung von \overline{AS} auf.

$$\overline{AS} = \underline{\hspace{10cm}}$$

Leitfrage:

Der Aussichtsturm kann über eine Rutsche verlassen werden. Diese Rutsche ist 120 m lang und überwindet einen Höhenunterschied von 52 m. Es wird vereinfacht angenommen, dass die Steigung der Rutsche konstant ist.

– Berechnen Sie die Steigung in Prozent.

Aufgabe 2

Wassertemperatur

Wasser wird in einem Topf zum Sieden gebracht.

Aufgabenstellung:

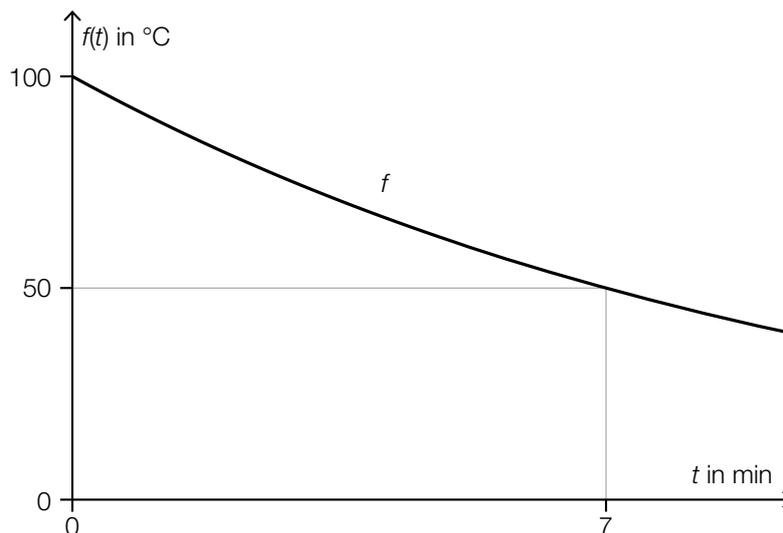
Die Temperatur des Wassers beträgt zu Beginn 22 °C.

Modellhaft wird angenommen, dass die Temperatur des Wassers pro Minute um 8 °C zunimmt.

– Berechnen Sie, nach wie vielen Minuten das Wasser eine Temperatur von 100 °C hat.

Leitfrage:

Bei einem Versuch wird die Temperatur von Wasser beim Abkühlen gemessen. Die Temperatur kann dabei durch die Exponentialfunktion f modelliert werden. Der Graph von f ist in der nachstehenden Abbildung dargestellt.



$$f(t) = a \cdot b^t$$

t ... Zeit in min

$f(t)$... Temperatur des Wassers zum Zeitpunkt t in °C

a, b ... Parameter

– Ermitteln Sie die Parameter a und b .

Aufgabe 3

Informationsschilder

In der Stadt Steyr sind an denkmalgeschützten Gebäuden Informationsschilder angebracht. Die nebenstehende Abbildung zeigt ein solches Schild.



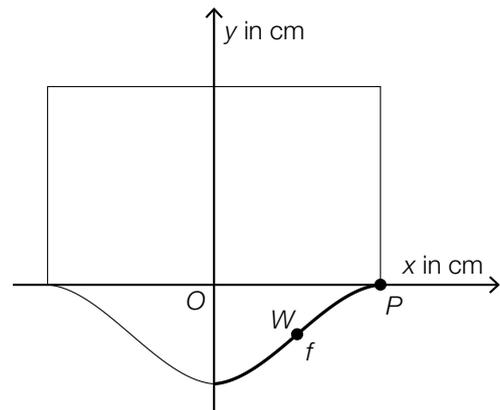
Bildquelle: BMBWF

Aufgabenstellung:

Diese Schilder sollen durch neue Schilder ersetzt werden. Die nebenstehende Abbildung zeigt den Entwurf für ein solches neues Schild.

Für die Funktion f gilt:

$$f(x) = a \cdot x^3 + b \cdot x^2 + c \cdot x + d \quad \text{mit } x \in [0; 25]$$

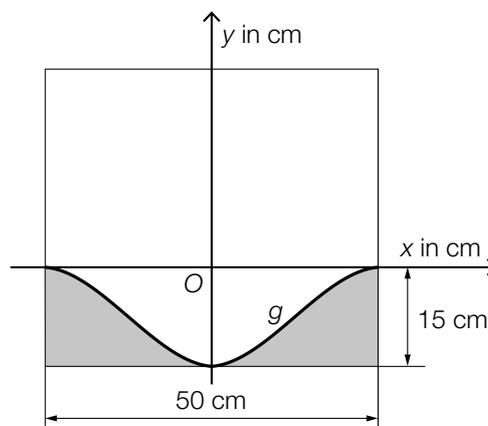


Der Punkt P hat die Koordinaten $(25|0)$. Der Wendepunkt W hat die Koordinaten $(12,5|-7,5)$. Die Steigung der Tangente im Wendepunkt W beträgt $0,8625$.

- Erstellen Sie auf Basis der Informationen zu den Punkten P und W ein Gleichungssystem zur Berechnung der Koeffizienten a , b , c und d .

Leitfrage:

Ein neues Schild wird aus einem rechteckigen Blechstück ausgeschnitten. Dieses Schild ist symmetrisch zur y -Achse (siehe nachstehende Abbildung).



- Stellen Sie mithilfe von g eine Formel zur Berechnung des Inhalts A der grau markierten Fläche auf.

$A =$ _____

Aufgabe 4

Körpertemperatur

Marie hat Fieber und nimmt deswegen ein fiebersenkendes Medikament ein.

Maries Körpertemperatur nach Einnahme des Medikaments kann modellhaft durch die Funktion T beschrieben werden.

t ... Zeit nach Einnahme des Medikaments in h mit $0 \leq t \leq 6$

$T(t)$... Maries Körpertemperatur zum Zeitpunkt t in °C

Aufgabenstellung:

– Interpretieren Sie das Ergebnis der nachstehenden Berechnung im gegebenen Sachzusammenhang. Geben Sie dabei die zugehörige Einheit an.

$$\frac{T(5) - T(0)}{5 - 0} = -0,4$$

Leitfrage:

Theo ist krank und nimmt um 9:00 Uhr ein Medikament ein.

t ... Zeit nach Einnahme des Medikaments in h mit $t = 0$ für 9:00 Uhr

$K(t)$... Theos Körpertemperatur zum Zeitpunkt t in °C

Nach der Einnahme des Medikaments wird stündlich Theos Körpertemperatur gemessen, also um 10:00 Uhr, 11:00 Uhr usw.

In einem einfachen Modell gilt:

$$K(t + 1) = K(t) - 0,5 \cdot (K(t) - 36,5)$$

$$K(0) = 39$$

– Berechnen Sie den Zeitpunkt, zu dem die Messung von Theos Körpertemperatur erstmals weniger als 37,5 °C ergibt.

Aufgabe 5

Weitsprung

Aufgabenstellung:

Katja nimmt an einem Weitsprungwettbewerb teil.

Dabei werden 5 Sprünge von Katja gewertet. Die größte Sprungweite beträgt 4,3 m, die kleinste Sprungweite 3,7 m. Bei den restlichen 3 Sprüngen erzielt sie die gleiche Sprungweite w .

Das arithmetische Mittel der 5 Sprungweiten beträgt 4,06 m.

– Ermitteln Sie die Sprungweite w .

Leitfrage:

Chiara trainiert für einen Weitsprungwettbewerb. Die Zufallsvariable X gibt Chiaras Sprungweite in m an. Folgende Wahrscheinlichkeiten sind bekannt:

$$P(X \leq 4,5) = 0,5$$

$$P(4,5 < X \leq 4,6) = 0,3$$

Chiara springt 2-mal. Die dabei erzielten Sprungweiten werden modellhaft als unabhängig voneinander angenommen.

– Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass keine der beiden Sprungweiten mehr als 4,6 m beträgt.