

Name:

Klasse:

Kompensationsprüfung zur  
standardisierten kompetenzorientierten  
schriftlichen Reifeprüfung

AHS

Mai/Juni 2023

# Mathematik

Kompensationsprüfung 4  
Angabe für **Kandidatinnen/Kandidaten**

# Hinweise zur Kompensationsprüfung

Sehr geehrte Kandidatin, sehr geehrter Kandidat!

Die vorliegende Angabe zur Kompensationsprüfung umfasst vier Aufgaben, die unabhängig voneinander bearbeitbar sind.

Jede Aufgabe umfasst drei nachzuweisende Handlungskompetenzen.

Die Vorbereitungszeit beträgt mindestens 30 Minuten, die Prüfungszeit maximal 25 Minuten.

Die Verwendung der vom zuständigen Regierungsmitglied für die Klausurarbeit freigegebenen Formelsammlung für die SRP in Mathematik ist erlaubt. Weiters ist die Verwendung von elektronischen Hilfsmitteln (z. B. grafikfähiger Taschenrechner oder andere entsprechende Technologie) erlaubt, sofern keine Kommunikationsmöglichkeit (z. B. via Internet, Intranet, Bluetooth, Mobilfunknetzwerke etc.) gegeben ist und der Zugriff auf Eigendateien im elektronischen Hilfsmittel nicht möglich ist.

## Beurteilung

Jede Aufgabe wird mit null, einem, zwei oder drei Punkten bewertet. Insgesamt können maximal zwölf Punkte erreicht werden.

## Beurteilungsschlüssel für die Kompensationsprüfung

Gesamtanzahl der nachgewiesenen Handlungskompetenzen	Beurteilung der mündlichen Kompensationsprüfung
12	Sehr gut
10–11	Gut
8–9	Befriedigend
6–7	Genügend
0–5	Nicht genügend

Viel Erfolg!

# Aufgabe 1

## Bewegung und Sport

Im Unterrichtsfach Bewegung und Sport werden Bälle und Sportgeräte verwendet.

- a) Ein Tennisball hat eine Masse von  $m = 58 \text{ g}$  und ein Volumen von  $V = 144 \text{ cm}^3$ . Die Masse  $m$  ist das Produkt aus Dichte  $\rho$  und Volumen  $V$ , also  $m = \rho \cdot V$ .

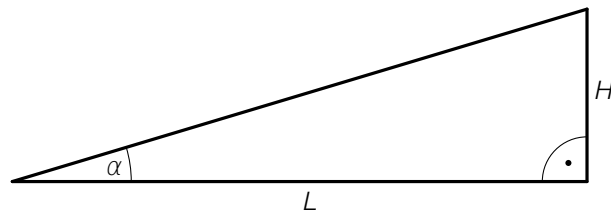
- 1) Interpretieren Sie das Ergebnis der nachstehenden Berechnung. Geben Sie die zugehörige Einheit an.

$$\frac{58}{144} = 0,402\dots$$

- b) Ein Fußball hat einen um 17 % größeren Durchmesser als ein Handball. Beide Bälle werden als annähernd kugelförmig angenommen.

- 1) Berechnen Sie, um wie viel Prozent das Volumen eines Fußballs größer ist als jenes eines Handballs.

- c) Im Unterrichtsfach Bewegung und Sport wird unter anderem eine Rampe verwendet (siehe nachstehende modellhafte Abbildung).



- 1) Stellen Sie mithilfe von  $\alpha$  und  $H$  eine Formel zur Berechnung von  $L$  auf.

$L =$  \_\_\_\_\_

## Aufgabe 2

### Wasserstand eines Flusses

Die Funktion  $h$  beschreibt näherungsweise den zeitlichen Verlauf des Wasserstands eines bestimmten Flusses an einer Messstelle.

$t$  ... Zeit in h

$h(t)$  ... Wasserstand zum Zeitpunkt  $t$  in m

- a) 1) Stellen Sie einen Ausdruck zur Berechnung der mittleren Änderungsrate des Wasserstands im Zeitintervall  $[0; a]$  auf.
- b) Nach einem starken Regen beginnt der Wasserstand dieses Flusses zu steigen. Zum Zeitpunkt  $t = 0$  hat der Wasserstand die Hochwasser-Vorwarnstufe erreicht.

Für die Funktion  $h$  gilt:

$$h(t) = \frac{3}{1000} \cdot (t^3 - 40 \cdot t^2 + 370 \cdot t + 700) \quad \text{mit} \quad 0 \leq t \leq 20$$

- 1) Ermitteln Sie den Zeitpunkt, zu dem der Wasserstand erstmals wieder die Höhe der Hochwasser-Vorwarnstufe erreicht.

Für einen bestimmten Zeitpunkt  $t_0$  mit  $0 \leq t_0 \leq 20$  gilt:

$$h'(t_0) = 0$$

$$h''(t_0) < 0$$

$$h(t_0) \approx 5$$

- 2) Interpretieren Sie den Wert 5 im gegebenen Sachzusammenhang.

## Aufgabe 3

### Partyballons

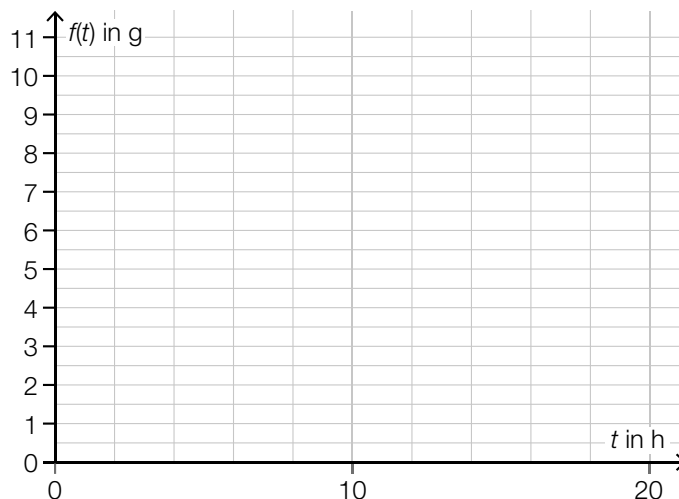
Hängt man an einen mit Helium befüllten Luftballon eine bestimmte Masse, so steigt dieser nicht mehr in die Höhe. Diese Masse wird als *Tragfähigkeit* bezeichnet.

Mit der Zeit entweicht das Helium aus dem Luftballon. Dadurch sinkt die Tragfähigkeit des Luftballons.

- a) Bei einer bestimmten Luftballonart lässt sich die Tragfähigkeit in Gramm in Abhängigkeit von der Zeit  $t$  in Stunden näherungsweise durch die Exponentialfunktion  $f$  beschreiben.

Nach 10 Stunden beträgt die Tragfähigkeit 5 g. Das ist die Hälfte der Tragfähigkeit, die der Luftballon zum Zeitpunkt der Befüllung ( $t = 0$ ) hatte.

- 1) Zeichnen Sie in der nachstehenden Abbildung den Graphen der Funktion  $f$  im Intervall  $[0; 20]$  ein.



Es gilt:  $f'(15) \approx -0,27$

- 2) Interpretieren Sie den Wert  $-0,27$  im gegebenen Sachzusammenhang. Geben Sie dabei die zugehörige Einheit an.
- b) Bei einer anderen Luftballonart wird angenommen, dass die Tragfähigkeit pro Stunde um einen konstanten Wert abnimmt. Zum Zeitpunkt der Befüllung ( $t = 0$ ) beträgt die Tragfähigkeit 17 g. Nach 300 Stunden beträgt die Tragfähigkeit 12 g.

Dieser Zusammenhang soll durch die Funktion  $m$  beschrieben werden.

$t$  ... Zeit nach der Befüllung in h

$m(t)$  ... Tragfähigkeit zur Zeit  $t$  in g

- 1) Stellen Sie eine Gleichung der Funktion  $m$  auf.

## Aufgabe 4

### Gruppenauswahl

In einer bestimmten Schulklasse gibt es  $k$  Kinder, davon sind  $m$  Mädchen ( $k > m$ ,  $m \geq 2$ ).

a) Aus allen Kindern der Schulklasse wird für eine bestimmte Aktivität genau 1 Kind zufällig ausgewählt.

1) Beschreiben Sie ein Ereignis  $E$  im gegebenen Sachzusammenhang, dessen Wahrscheinlichkeit mit dem nachstehenden Ausdruck berechnet werden kann.

$$P(E) = 1 - \frac{m}{k}$$

b) Aus der Schulklasse soll für eine andere Aktivität eine Gruppe von 3 Kindern zufällig ausgewählt werden.

Die Auswahl der 3 Kinder erfolgt unabhängig voneinander.

1) Stellen Sie mithilfe von  $m$  und  $k$  eine Formel zur Berechnung der nachstehenden Wahrscheinlichkeit auf.

$$P(\text{„genau 2 der 3 Kinder sind Mädchen“}) = \underline{\hspace{15cm}}$$

c) Es gilt:  $k = 20$  und  $m = 12$

1) Ermitteln Sie die Anzahl der möglichen Gruppen von jeweils 5 Kindern, in denen kein Mädchen dabei ist.