

Ime:

Razred:

Kompenzacijski izpit k standardiziranemu,
kompetenčno usmerjenemu
pisnemu zrelostnemu izpitu

Splošno izobraževalna višja šola (AHS)

junij 2024

Matematika

Kompenzacijski izpit 1
Navedba za **kandidatke/kandidate**

Navodila za kompenzacijski izpit

Spoštovana kandidatka, spoštovani kandidat!

Navedba za kompenzacijski izpit, ki je pred Vami, zajema štiri naloge, ki jih je moč reševati neodvisno drugo od druge.

Vsaka naloga zajema tri dejavnostne kompetence, ki jih je potrebno izkazati.

Čas za pripravo znaša najmanj 30 minut, čas za izpraševanje največ 25 minut.

Dovoljena je uporaba Zbirke formul za SRP iz Matematike, ki je za klavzurno delo potrjena s strani pristojnega člana vlade. Nadalje je dovoljena uporaba elektronskih pripomočkov (npr. grafičnega računalja ali druge ustrezne tehnologije), če ni prisotna možnost komuniciranja (npr. preko interneta, intraneta, bluetooth, mobilnih omrežij itd.) in ni možen dostop do lastnih podatkov v elektronskem pripomočku.

Ocenjevanje

Vsaka naloga se ovrednoti z nič, eno, dvema ali tremi točkami. Skupaj je moč doseči največ dvanajst točk.

Ključ ocenjevanja za kompenzacijski izpit

Skupno število izkazanih dejavnostnih kompetenc	Ocena ustnega kompenzacijskega izpita
12	»Sehr gut« / prav dobro
10–11	»Gut« / dobro
8–9	»Befriedigend« / povoljno
6–7	»Genügend« / zadostno
0–5	»Nicht genügend« / nezadostno

Veliko uspeha!

Naloga 1

Železniške proge

- a) Mreža železniških prog *Österreichischen Bundesbahnen* sestoji na dolžini okrog 3 686 km iz enotirnih prog. Ta dolžina ustreza 65,37 % skupne dolžine vseh prog *Österreichischen Bundesbahnen*.
- 1) Izračunaj skupno dolžini vseh prog *Österreichischen Bundesbahnen*.
- b) Proga *Mittenwaldbahn* ima na svojem najbolj strmem mestu vzpon 3,8 %.
- 1) Pokažite, da pomeni podvojitev vzpona 3,8 % tudi približno podvojitev naklonskega kota.
- c) Neka skupina 9 oseb kupi vozovnice za izlet z železnico.
Skupina sestoji iz 3 odraslih, 2 upokojencev in 4 otrok in plača skupno g evrov.
Cena 1 vozovnice za odraslega je dvakrat tako visoka kot je cena 1 otroške vozovnice.
Cena 1 upokojenske vozovnice je za 25 % nižja kot je cena 1 vozovnice za odraslega.
- e ... cena 1 vozovnice za odraslega v evrih
 s ... cena 1 upokojenske vozovnice v evrih
 k ... cena 1 otroške vozovnice v evrih
- 1) S pomočjo g nastavite sistem enačb za izračun e , s in k .

Naloga 2

Redka živalska vrsta

Na določenem območju v nekem določenem času opazujejo živali neke redke živalske vrste.

V naslednji preglednici je podano število živali za leti 2010 in 2020.

leto	število živali
2010	600
2020	300

- a) Privzema se, da število živali v časovnem obdobju od 2010 do 2020 eksponentno upada. Eksponentna funkcija f modelno opisuje število živali v odvisnosti od časa.

t ... čas v letih, pri $t = 0$ za leto 2010

$f(t)$... število živali v časovnem trenutku t

- 1) Nastavite enačbo eksponentne funkcije f .

- b) 1) V dani vsebinski povezavi interpretirajte rezultat naslednjega izračuna:

$$\frac{300 - 600}{2020 - 2010} = -30$$

- c) V nekem drugem modelu število živali v časovnem obdobju od 2010 do 2020 opišemo s funkcijo g .

$$g(t) = \frac{c}{t} \quad \text{pri } 10 \leq t \leq 20$$

t ... čas v letih, pri $t = 0$ za leto 2000

$g(t)$... število živali v časovnem trenutku t

c ... pozitivni parameter

- 1) S pomočjo tega modela izračunajte število živali za leto 2015.

Naloga 3

Vinska klet

- a) V neki vinski kleti redno merijo temperaturo zraka (glej naslednjo preglednico).

čas v dnevih	0	60	100
temperatura zraka v °C	8	13	17

- 1) Računsko pokažite, da trije pari vrednosti, navedeni v gornji preglednici, niso točke na eni premici.

- b) Časovni potek temperature v neki drugi kleti je moč modelno opisati s funkcijo T .

$$T(t) = 0,0005 \cdot t^3 - 0,02 \cdot t^2 + 0,23 \cdot t + 8 \quad \text{pri } 0 \leq t \leq 24$$

t ... čas v h, pri $t = 0$ za začetek merjenja

$T(t)$... temperatura v časovnem trenutku t v °C

Povprečno temperaturo v časovnem intervalu $[t_1; t_2]$ je moč izračunati z naslednjim izrazom.

$$\frac{1}{t_2 - t_1} \cdot \int_{t_1}^{t_2} T(t) dt$$

- 1) Izračunajte povprečno temperaturo v tej kleti v časovnem intervalu $[0; 24]$.

- c) V neki vinski kleti stoji razvlažilec zraka, ki vodo iz zraka v prostoru zbira kot kondenzno vodo.

Pri zračni temperaturi 10 °C znaša prostornina dnevno zbrane kondenzne vode 5 L. Pri zračni temperaturi 20 °C znaša prostornina dnevno zbrane kondenzne vode 7 L.

Pri zračni temperaturi 11,25 °C je prostornina dnevno zbrane kondenzne vode najmanjša.

Prostornina dnevno zbrane kondenzne vode, v odvisnosti od zračne temperature, naj bo modelirana s kvadratno funkcijo V .

$$V(T) = a \cdot T^2 + b \cdot T + c$$

T ... zračna temperatura v °C

$V(T)$... prostornina dnevno zbrane kondenzne vode pri zračni temperaturi T v L.

- 1) Nastavite sistem linearnih enačb za izračun koeficientov a , b in c .

Naloga 4

Kino

7 prijateljev si v nekem kinu skupaj ogleda neki film.

- a) V tem kinu veljajo za člane bonus-kluba in za učence/-ke znižane cene vstopnic.

V naslednji preglednici so navedene vse cene.

	cena vstopnice v €
redna cena	15
član bonus-kluba	13,50
učenec/-ka	12

7 prijateljev kupi 2 vstopnici po redni ceni, 1 vstopnico kot član bonus-kluba, in 4 vstopnice po ceni za učence/-ke.

- 1) Interpretirajte rezultat naslednjega izračuna v dani vsebinski povezavi.

$$\frac{2 \cdot 15 + 13,50 + 4 \cdot 12}{7} \approx 13,07...$$

- b) V tem kinu žrebajo kupone. Vsaka oseba dobi natanko eno srečko. Verjetnost, da dobi kupon, je za vsako srečko enako velika.

Binomsko porazdeljena slučajna spremenljivka X opisuje, koliko od 7 prijateljev zadene vsakič natanko en tak kupon.

Velja: $P(X = 0) = 0,3206$

- 1) Izračunajte verjetnost, da najmanj 3 izmed 7 prijateljev zadenejo vsakič natanko en tak kupon.

- c) Število a navaja, kolikim izmed 7 prijateljev je bil film všeč.

Po obisku kina sta naključno izbrana 2 izmed 7 prijateljev za anketo obiskovalcev.

Z E označimo dogodek, da je bil tema dvema prijateljema film všeč.

- 1) S pomočjo a nastavite formulo za izračun verjetnosti $P(E)$.

$$P(E) = \underline{\hspace{10cm}}$$