

Name:	
Klasse:	



Standardisierte kompetenzorientierte  
schriftliche Reifeprüfung

AHS

10. Mai 2016

# Mathematik

Teil-1-Aufgaben



# Hinweise zur Aufgabenbearbeitung

Sehr geehrte Kandidatin! Sehr geehrter Kandidat!

Das vorliegende Aufgabenheft zu Teil 1 enthält 24 Aufgaben. Die Aufgaben sind unabhängig voneinander bearbeitbar. Ihnen stehen dafür *120 Minuten* an reiner Arbeitszeit zur Verfügung.

Verwenden Sie einen nicht radierbaren, blau oder schwarz schreibenden Stift. Bei Konstruktionsaufgaben ist auch die Verwendung eines Bleistifts möglich.

Verwenden Sie zur Bearbeitung ausschließlich dieses Aufgabenheft. Schreiben Sie Ihren Namen auf der ersten Seite des Aufgabenheftes in das dafür vorgesehene Feld.

Alle Antworten müssen in das Aufgabenheft geschrieben werden. In die Beurteilung wird alles einbezogen, was nicht durchgestrichen ist. Die Lösung muss dabei klar ersichtlich sein. Wenn die Lösung nicht klar ersichtlich ist oder verschiedene Lösungen angegeben sind, gilt die Aufgabe als nicht gelöst. Streichen Sie Ihre Notizen durch.

Sie dürfen eine approbierte Formelsammlung sowie die gewohnten elektronischen Hilfsmittel verwenden.

Das Aufgabenheft ist abzugeben.

## Beurteilung

Jede Aufgabe in Teil 1 wird mit 0 Punkten oder 1 Punkt bewertet, jede Teilaufgabe in Teil 2 mit 0, 1 oder 2 Punkten. Die mit **A** gekennzeichneten Aufgabenstellungen werden mit 0 Punkten oder 1 Punkt bewertet.

- Werden im Teil 1 mindestens 16 von 24 Aufgaben richtig gelöst, wird die Arbeit positiv bewertet.
- Werden im Teil 1 weniger als 16 von 24 Aufgaben richtig gelöst, werden mit **A** markierte Aufgabenstellungen aus Teil 2 zum Ausgleich (für den laut LBVO „wesentlichen Bereich“) herangezogen. Werden unter Berücksichtigung der mit **A** markierten Aufgabenstellungen aus Teil 2 mindestens 16 Aufgaben richtig gelöst, wird die Arbeit positiv bewertet. Werden auch unter Berücksichtigung der mit **A** markierten Aufgabenstellungen aus Teil 2 weniger als 16 Aufgaben richtig gelöst, wird die Arbeit mit „Nicht genügend“ beurteilt.
- Werden im Teil 1 mindestens 16 Punkte (mit Berücksichtigung der Ausgleichspunkte **A**) erreicht, so gilt folgender Beurteilungsschlüssel:

Genügend	16–23 Punkte
Befriedigend	24–32 Punkte
Gut	33–40 Punkte
Sehr gut	41–48 Punkte

## Erläuterung der Antwortformate

Die Aufgaben haben einerseits **freie Antwortformate**; dabei schreiben Sie Ihre Antwort direkt unter die jeweilige Aufgabenstellung in das Aufgabenheft. Weitere Antwortformate, die in der Klausur zum Einsatz kommen können, werden im Folgenden vorgestellt:

**Zuordnungsformat:** Dieses Antwortformat ist durch mehrere Aussagen (bzw. Tabellen oder Abbildungen) gekennzeichnet, denen mehrere Antwortmöglichkeiten gegenüberstehen. Bearbeiten Sie Aufgaben dieses Formats korrekt, indem Sie die Antwortmöglichkeiten durch Eintragen der **entsprechenden Buchstaben** den jeweils zutreffenden Aussagen zuordnen!

### Beispiel:

Gegeben sind zwei Gleichungen.

$1 + 1 = 2$	A
$2 \cdot 2 = 4$	C

A	Addition
B	Division
C	Multiplikation
D	Subtraktion

### Aufgabenstellung:

Ordnen Sie den zwei Gleichungen jeweils die entsprechende Bezeichnung (aus A bis D) zu!

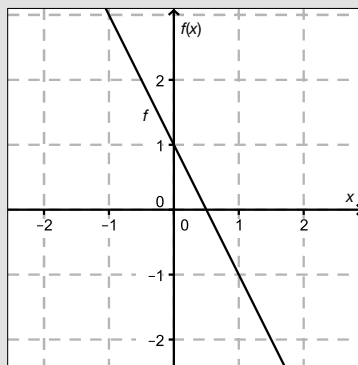
**Konstruktionsformat:** Eine Aufgabe und deren Aufgabenstellung sind vorgegeben. Die Aufgabe erfordert die Ergänzung von Punkten, Geraden und/oder Kurven im Aufgabenheft.

**Beispiel:**

Gegeben ist eine lineare Funktion  $f$  mit  $f(x) = k \cdot x + d$ .

**Aufgabenstellung:**

Zeichnen Sie den Graphen einer linearen Funktion mit den Bedingungen  $k = -2$  und  $d > 0$  in das vorgegebene Koordinatensystem ein!



**Multiple-Choice-Format in der Variante „1 aus 6“:** Dieses Antwortformat ist durch einen Fragenstamm und sechs Antwortmöglichkeiten gekennzeichnet, wobei **eine Antwortmöglichkeit** auszuwählen ist. Bearbeiten Sie Aufgaben dieses Formats korrekt, indem Sie die einzige zutreffende Antwortmöglichkeit ankreuzen!

**Beispiel:**

Welche Gleichung ist korrekt?

**Aufgabenstellung:**

Kreuzen Sie die zutreffende Gleichung an!

$1 + 1 = 1$	<input type="checkbox"/>
$2 + 2 = 2$	<input type="checkbox"/>
$3 + 3 = 3$	<input type="checkbox"/>
$4 + 4 = 8$	<input checked="" type="checkbox"/>
$5 + 5 = 5$	<input type="checkbox"/>
$6 + 6 = 6$	<input type="checkbox"/>

**Multiple-Choice-Format in der Variante „2 aus 5“:** Dieses Antwortformat ist durch einen Fragenstamm und fünf Antwortmöglichkeiten gekennzeichnet, wobei **zwei Antwortmöglichkeiten** auszuwählen sind. Bearbeiten Sie Aufgaben dieses Formats korrekt, indem Sie die beiden zutreffenden Antwortmöglichkeiten ankreuzen!

**Beispiel:**

Welche Gleichungen sind korrekt?

**Aufgabenstellung:**

Kreuzen Sie die beiden zutreffenden Gleichungen an!

$1 + 1 = 1$	<input type="checkbox"/>
$2 + 2 = 4$	<input checked="" type="checkbox"/>
$3 + 3 = 3$	<input type="checkbox"/>
$4 + 4 = 8$	<input checked="" type="checkbox"/>
$5 + 5 = 5$	<input type="checkbox"/>

**Multiple-Choice-Format in der Variante „x aus 5“:** Dieses Antwortformat ist durch einen Fragenstamm und fünf Antwortmöglichkeiten gekennzeichnet, wobei **eine, zwei, drei, vier oder fünf Antwortmöglichkeiten** auszuwählen sind. In der Aufgabenstellung finden Sie stets die Aufforderung „Kreuzen Sie die zutreffende(n) Aussage(n)/ Gleichung(en)/... an!“. Bearbeiten Sie Aufgaben dieses Formats korrekt, indem Sie die zutreffende Antwortmöglichkeit/die zutreffenden Antwortmöglichkeiten ankreuzen!

**Beispiel:**  
Welche der gegebenen Gleichungen ist/sind korrekt?

$1 + 1 = 2$	<input checked="" type="checkbox"/>
$2 + 2 = 4$	<input checked="" type="checkbox"/>
$3 + 3 = 6$	<input checked="" type="checkbox"/>
$4 + 4 = 4$	<input type="checkbox"/>
$5 + 5 = 10$	<input checked="" type="checkbox"/>

**Aufgabenstellung:**  
Kreuzen Sie die zutreffende(n) Gleichung(en) an!

**Lückentext:** Dieses Antwortformat ist durch einen Satz mit zwei Lücken gekennzeichnet, das heißt, im Aufgabentext sind zwei Stellen ausgewiesen, die ergänzt werden müssen. Für jede Lücke werden je drei Antwortmöglichkeiten vorgegeben. Bearbeiten Sie Aufgaben dieses Formats korrekt, indem Sie die Lücken durch Ankreuzen der **beiden zutreffenden Antwortmöglichkeiten** füllen!

**Beispiel:**  
Gegeben sind 3 Gleichungen.

**Aufgabenstellung:**  
Ergänzen Sie die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine korrekte Aussage entsteht!

Die Gleichung \_\_\_\_\_<sup>①</sup>\_\_\_\_\_ wird als Zusammenzählung oder \_\_\_\_\_<sup>②</sup>\_\_\_\_\_ bezeichnet.

①	
$1 - 1 = 0$	<input type="checkbox"/>
$1 + 1 = 2$	<input checked="" type="checkbox"/>
$1 \cdot 1 = 1$	<input type="checkbox"/>

②	
Multiplikation	<input type="checkbox"/>
Subtraktion	<input type="checkbox"/>
Addition	<input checked="" type="checkbox"/>

**So ändern Sie Ihre Antwort bei Aufgaben zum Ankreuzen:**

- Übermalen Sie das Kästchen mit der nicht mehr gültigen Antwort.
- Kreuzen Sie dann das gewünschte Kästchen an.

$1 + 1 = 3$	<input type="checkbox"/>
$2 + 2 = 4$	<input checked="" type="checkbox"/>
$3 + 3 = 5$	<input type="checkbox"/>
$4 + 4 = 4$	<input type="checkbox"/>
$5 + 5 = 9$	<input checked="" type="checkbox"/>

Hier wurde zuerst die Antwort „ $5 + 5 = 9$ “ gewählt und dann auf „ $2 + 2 = 4$ “ geändert.

**So wählen Sie eine bereits übermalte Antwort:**

- Übermalen Sie das Kästchen mit der nicht mehr gültigen Antwort.
- Kreisen Sie das gewünschte übermalte Kästchen ein.

$1 + 1 = 3$	<input type="checkbox"/>
$2 + 2 = 4$	<input checked="" type="checkbox"/>
$3 + 3 = 5$	<input type="checkbox"/>
$4 + 4 = 4$	<input checked="" type="checkbox"/>
$5 + 5 = 9$	<input type="checkbox"/>

Hier wurde zuerst die Antwort „ $2 + 2 = 4$ “ übermalte und dann wieder gewählt.

Wenn Sie jetzt noch Fragen haben, wenden Sie sich bitte an Ihre Lehrerin/Ihren Lehrer!

**Viel Erfolg bei der Bearbeitung!**

# Aufgabe 1

## Menge von Zahlen

Die Menge  $M = \{x \in \mathbb{Q} \mid 2 < x < 5\}$  ist eine Teilmenge der rationalen Zahlen.

### Aufgabenstellung:

Kreuzen Sie die beiden zutreffenden Aussagen an!

4,99 ist die größte Zahl, die zur Menge $M$ gehört.	<input type="checkbox"/>
Es gibt unendlich viele Zahlen in der Menge $M$ , die kleiner als 2,1 sind.	<input type="checkbox"/>
Jede reelle Zahl, die größer als 2 und kleiner als 5 ist, ist in der Menge $M$ enthalten.	<input type="checkbox"/>
Alle Elemente der Menge $M$ können in der Form $\frac{a}{b}$ geschrieben werden, wobei $a$ und $b$ ganze Zahlen sind und $b \neq 0$ ist.	<input type="checkbox"/>
Die Menge $M$ enthält keine Zahlen aus der Menge der komplexen Zahlen.	<input type="checkbox"/>

## Aufgabe 2

### Äquivalenzumformung

Nicht jede Umformung einer Gleichung ist eine Äquivalenzumformung.

#### Aufgabenstellung:

Erklären Sie konkret auf das unten angegebene Beispiel bezogen, warum es sich bei der durchgeführten Umformung um keine Äquivalenzumformung handelt! Die Grundmenge ist die Menge der reellen Zahlen.

$$\begin{array}{l} x^2 - 5x = 0 \quad | : x \\ x - 5 = 0 \end{array}$$

## Aufgabe 3

### Treibstoffkosten

Der durchschnittliche Treibstoffverbrauch eines PKW beträgt  $y$  Liter pro 100 km Fahrtstrecke. Die Kosten für den Treibstoff betragen  $a$  Euro pro Liter.

#### Aufgabenstellung:

Geben Sie einen Term an, der die durchschnittlichen Treibstoffkosten  $K$  (in Euro) für eine Fahrtstrecke von  $x$  km beschreibt!

$K =$  \_\_\_\_\_

# Aufgabe 4

## Quadratische Gleichung

Gegeben ist die quadratische Gleichung  $x^2 + p \cdot x - 12 = 0$ .

**Aufgabenstellung:**

Bestimmen Sie denjenigen Wert für  $p$ , für den die Gleichung die Lösungsmenge  $L = \{-2; 6\}$  hat!



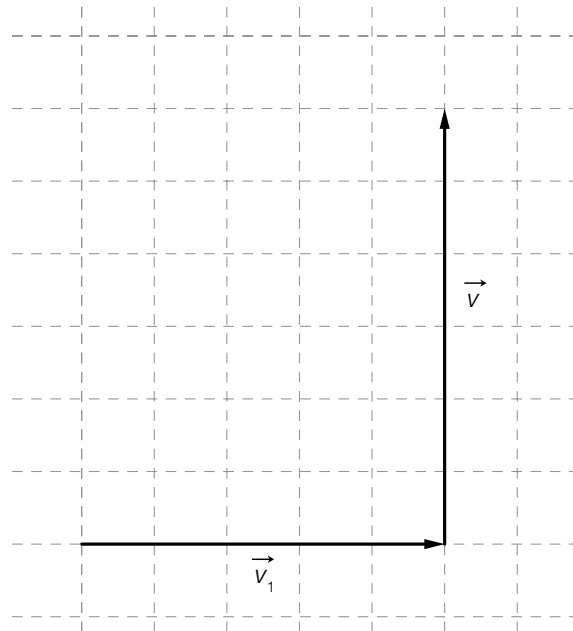
# Aufgabe 5

## Vektoraddition

Die unten stehende Abbildung zeigt zwei Vektoren  $\vec{v}_1$  und  $\vec{v}$ .

Aufgabenstellung:

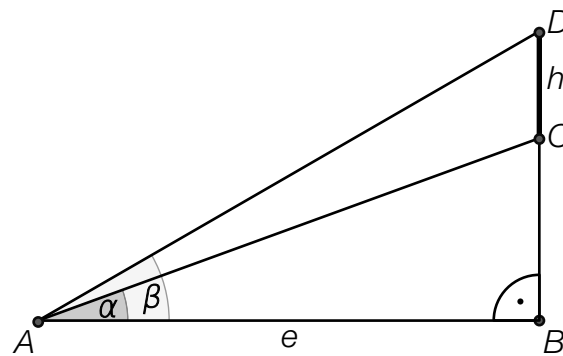
Ergänzen Sie in der Abbildung einen Vektor  $\vec{v}_2$  so, dass  $\vec{v}_1 + \vec{v}_2 = \vec{v}$  ist!



## Aufgabe 6

### Vermessung einer unzugänglichen Steilwand

Ein Steilwandstück  $CD$  mit der Höhe  $h = \overline{CD}$  ist unzugänglich. Um  $h$  bestimmen zu können, werden die Entfernung  $e = 6$  Meter und zwei Winkel  $\alpha = 24^\circ$  und  $\beta = 38^\circ$  gemessen. Der Sachverhalt wird durch die nachstehende (nicht maßstabgetreue) Abbildung veranschaulicht.



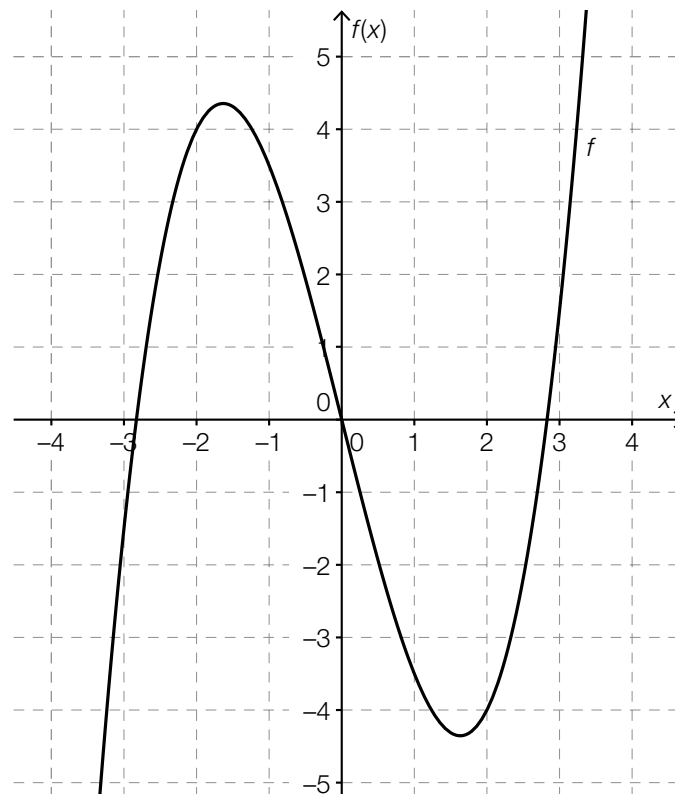
**Aufgabenstellung:**

Berechnen Sie die Höhe  $h$  des unzugänglichen Steilwandstücks in Metern!

# Aufgabe 7

## Funktionseigenschaften erkennen

Gegeben ist der Graph einer Polynomfunktion  $f$  dritten Grades.



Aufgabenstellung:

Kreuzen Sie die für den dargestellten Funktionsgraphen von  $f$  zutreffende(n) Aussage(n) an!

Die Funktion $f$ ist im Intervall $(2; 3)$ monoton steigend.	<input type="checkbox"/>
Die Funktion $f$ hat im Intervall $(1; 2)$ eine lokale Maximumstelle.	<input type="checkbox"/>
Die Funktion $f$ ändert im Intervall $(-1; 1)$ das Krümmungsverhalten.	<input type="checkbox"/>
Der Funktionsgraph von $f$ ist symmetrisch bezüglich der senkrechten Achse.	<input type="checkbox"/>
Die Funktion $f$ ändert im Intervall $(-3; 0)$ das Monotonieverhalten.	<input type="checkbox"/>

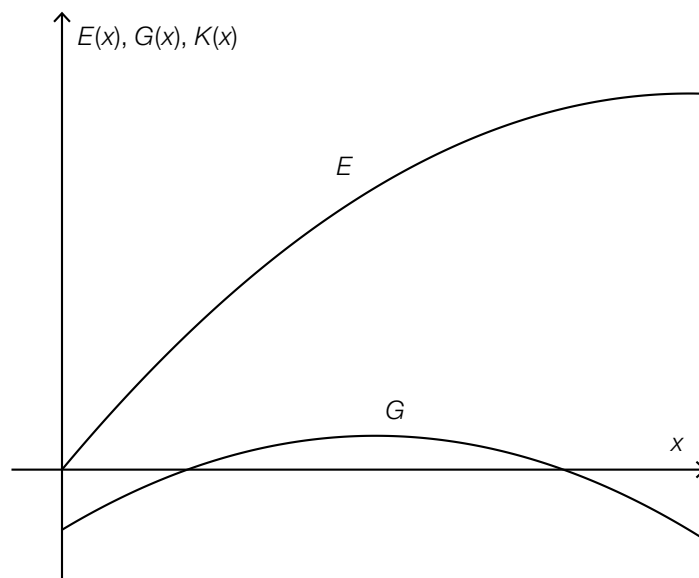
# Aufgabe 8

## Kosten, Erlös und Gewinn

Die Funktion  $E$  beschreibt den Erlös (in €) beim Absatz von  $x$  Mengeneinheiten eines Produkts. Die Funktion  $G$  beschreibt den dabei erzielten Gewinn in €. Dieser ist definiert als Differenz „Erlös – Kosten“.

### Aufgabenstellung:

Ergänzen Sie die nachstehende Abbildung durch den Graphen der zugehörigen Kostenfunktion  $K$ ! Nehmen Sie dabei  $K$  als linear an! (Die Lösung der Aufgabe beruht auf der Annahme, dass alle produzierten Mengeneinheiten des Produkts verkauft werden.)



# Aufgabe 9

## Erwärmung von Wasser

Bei einem Versuch ist eine bestimmte Wassermenge für eine Zeit  $t$  auf konstanter Energiestufe in einem Mikrowellengerät zu erwärmen. Die Ausgangstemperatur des Wassers und die Temperatur des Wassers nach 30 Sekunden werden gemessen.

Zeit (in Sekunden)	$t = 0$	$t = 30$
Temperatur (in °C)	35,6	41,3

### Aufgabenstellung:

Ergänzen Sie die Gleichung der zugehörigen linearen Funktion, die die Temperatur  $T(t)$  zum Zeitpunkt  $t$  beschreibt!

$$T(t) = \underline{\hspace{2cm}} \cdot t + 35,6$$

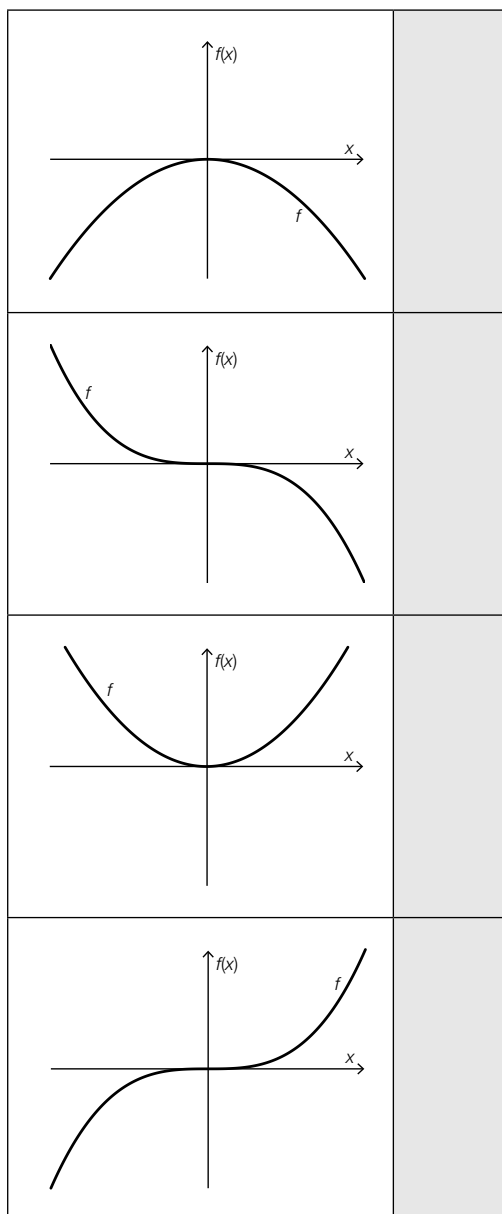
# Aufgabe 10

## Potenzfunktionen

Gegeben sind die Graphen von vier verschiedenen Potenzfunktionen  $f$  mit  $f(x) = a \cdot x^z$  sowie sechs Bedingungen für den Parameter  $a$  und den Exponenten  $z$ . Dabei ist  $a$  eine reelle,  $z$  eine natürliche Zahl.

### Aufgabenstellung:

Ordnen Sie den vier Graphen jeweils die entsprechende Bedingung für den Parameter  $a$  und den Exponenten  $z$  der Funktionsgleichung (aus A bis F) zu!



A	$a > 0, z = 1$
B	$a > 0, z = 2$
C	$a > 0, z = 3$
D	$a < 0, z = 1$
E	$a < 0, z = 2$
F	$a < 0, z = 3$

# Aufgabe 11

## Ausbreitung eines Ölteppichs

Der Flächeninhalt eines Ölteppichs beträgt momentan  $1,5 \text{ km}^2$  und wächst täglich um 5 %.

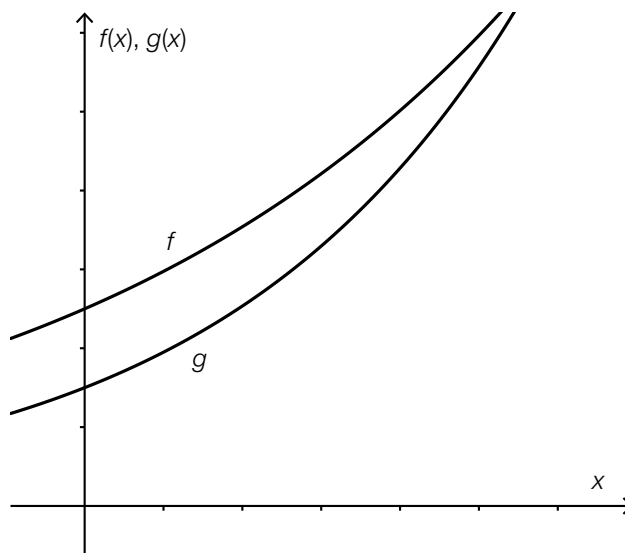
### Aufgabenstellung:

Geben Sie an, nach wie vielen Tagen der Ölteppich erstmals größer als  $2 \text{ km}^2$  ist!

# Aufgabe 12

## Parameter von Exponentialfunktionen

Die nachstehende Abbildung zeigt die Graphen zweier Exponentialfunktionen  $f$  und  $g$  mit den Funktionsgleichungen  $f(x) = c \cdot a^x$  und  $g(x) = d \cdot b^x$  mit  $a, b, c, d \in \mathbb{R}^+$ .



### Aufgabenstellung:

Ergänzen Sie die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine korrekte Aussage entsteht!

Für die Parameter  $a, b, c, d$  der beiden gegebenen Exponentialfunktionen gelten die Beziehungen ① und ②.

①	
$c < d$	<input type="checkbox"/>
$c = d$	<input type="checkbox"/>
$c > d$	<input type="checkbox"/>

②	
$a < b$	<input type="checkbox"/>
$a = b$	<input type="checkbox"/>
$a > b$	<input type="checkbox"/>



# Aufgabe 13

## Mittlere Änderungsrate interpretieren

Gegeben ist eine Polynomfunktion  $f$  dritten Grades. Die mittlere Änderungsrate von  $f$  hat im Intervall  $[x_1; x_2]$  den Wert 5.

**Aufgabenstellung:**

Welche der nachstehenden Aussagen können über die Funktion  $f$  sicher getroffen werden? Kreuzen Sie die beiden zutreffenden Aussagen an!

Im Intervall $[x_1; x_2]$ gibt es mindestens eine Stelle $x$ mit $f(x) = 5$ .	<input type="checkbox"/>
$f(x_2) > f(x_1)$	<input type="checkbox"/>
Die Funktion $f$ ist im Intervall $[x_1; x_2]$ monoton steigend.	<input type="checkbox"/>
$f'(x) = 5$ für alle $x \in [x_1; x_2]$	<input type="checkbox"/>
$f(x_2) - f(x_1) = 5 \cdot (x_2 - x_1)$	<input type="checkbox"/>

# Aufgabe 14

## Kapitalsparbuch

Frau Fröhlich hat ein Kapitalsparbuch, auf welches sie jährlich am ersten Banköffnungstag des Jahres den gleichen Geldbetrag in Euro einzahlt. An diesem Tag werden in dieser Bank auch die Zinserträge des Vorjahres gutgeschrieben. Danach wird der neue Gesamtkontostand ausgedruckt.

Zwischen dem Kontostand  $K_{i-1}$  des Vorjahres und dem Kontostand  $K_i$  des aktuellen Jahres besteht folgender Zusammenhang:

$$K_i = 1,03 \cdot K_{i-1} + 5000$$

### Aufgabenstellung:

Welche der folgenden Aussagen sind in diesem Zusammenhang korrekt?  
Kreuzen Sie die beiden zutreffenden Aussagen an!

Frau Fröhlich zahlt jährlich € 5.000 auf ihr Kapitalsparbuch ein.	<input type="checkbox"/>
Das Kapital auf dem Kapitalsparbuch wächst jährlich um € 5.000.	<input type="checkbox"/>
Der relative jährliche Zuwachs des am Ausdruck ausgewiesenen Kapitals ist größer als 3 %.	<input type="checkbox"/>
Die Differenz des Kapitals zweier aufeinanderfolgender Jahre ist immer dieselbe.	<input type="checkbox"/>
Das Kapital auf dem Kapitalsparbuch wächst linear an.	<input type="checkbox"/>

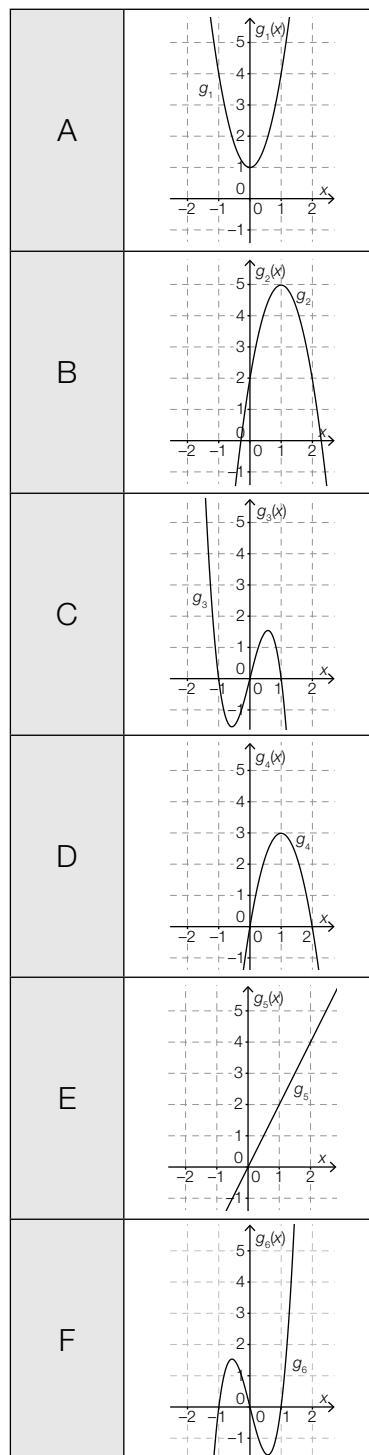
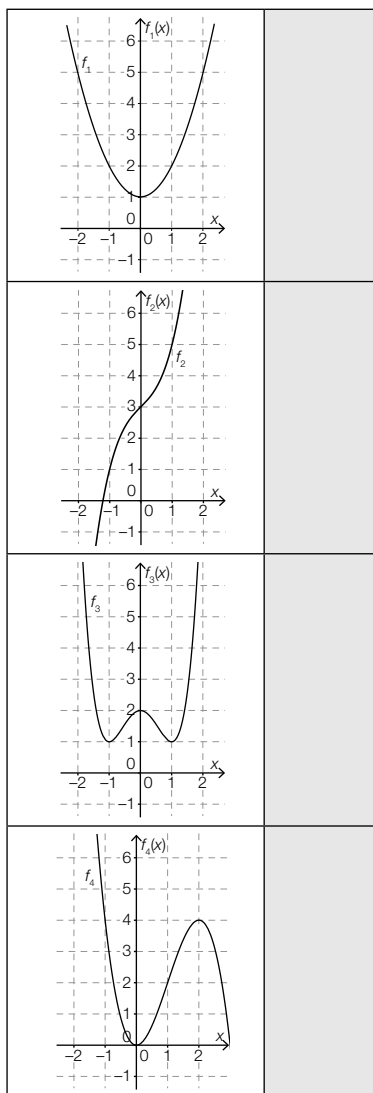
# Aufgabe 15

## Funktionen und Ableitungsfunktionen

Links sind die Graphen von vier Polynomfunktionen ( $f_1, f_2, f_3, f_4$ ) abgebildet, rechts die Graphen sechs weiterer Funktionen ( $g_1, g_2, g_3, g_4, g_5, g_6$ ).

**Aufgabenstellung:**

Ordnen Sie den Polynomfunktionen  $f_1$  bis  $f_4$  ihre jeweilige Ableitungsfunktion aus den Funktionen  $g_1$  bis  $g_6$  (aus A bis F) zu!



# Aufgabe 16

## Nachweis eines lokalen Minimums

Gegeben ist eine Polynomfunktion  $p$  mit  $p(x) = x^3 - 3 \cdot x + 2$ . Die erste Ableitung  $p'$  mit  $p'(x) = 3 \cdot x^2 - 3$  hat an der Stelle  $x = 1$  den Wert null.

**Aufgabenstellung:**

Zeigen Sie rechnerisch, dass  $p$  an dieser Stelle ein lokales Minimum (d. h. ihr Graph dort einen Tiefpunkt) hat!

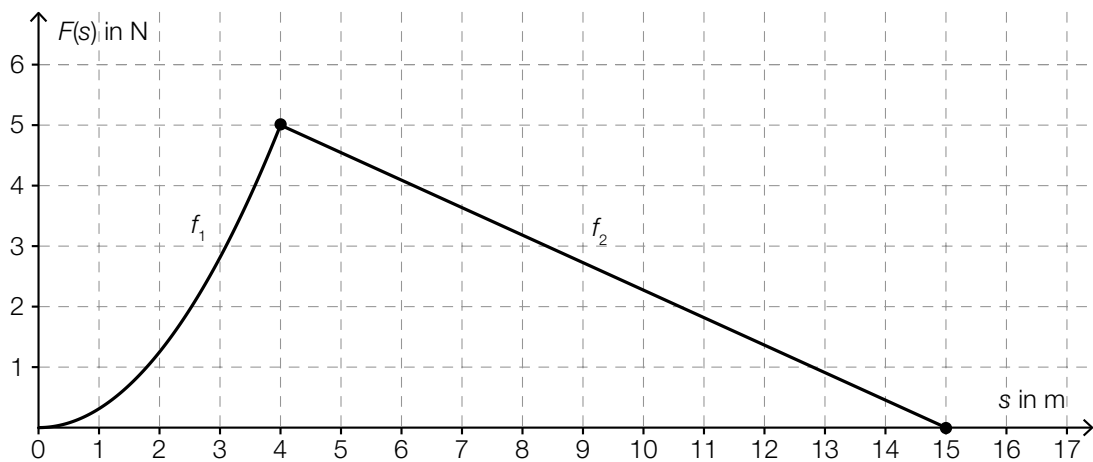
# Aufgabe 17

## Arbeit beim Verschieben eines Massestücks

Ein Massestück wird durch die Einwirkung einer Kraft geradlinig bewegt. Die dazu erforderliche Kraftkomponente in Wegrichtung ist als Funktion des zurückgelegten Weges in der nachstehenden Abbildung dargestellt. Der Weg  $s$  wird in Metern (m), die Kraft  $F(s)$  in Newton (N) gemessen.

Im ersten Wegabschnitt wird  $F(s)$  durch  $f_1$  mit  $f_1(s) = \frac{5}{16} \cdot s^2$  beschrieben. Im zweiten Abschnitt ( $f_2$ ) nimmt sie linear auf den Wert null ab.

Die Koordinaten der hervorgehobenen Punkte des Graphen der Funktion sind ganzzahlig.



### Aufgabenstellung:

Ermitteln Sie die Arbeit  $W$  in Joule (J), die diese Kraft an dem Massestück verrichtet, wenn es von  $s = 0$  m bis zu  $s = 15$  m bewegt wird!

$W =$  \_\_\_\_\_ J

# Aufgabe 18

## Integral

Gegeben ist die Potenzfunktion  $f$  mit  $f(x) = x^3$ .

**Aufgabenstellung:**

Geben Sie eine Bedingung für die Integrationsgrenzen  $b$  und  $c$  ( $b \neq c$ ) so an, dass  $\int_b^c f(x) dx = 0$  gilt!

# Aufgabe 19

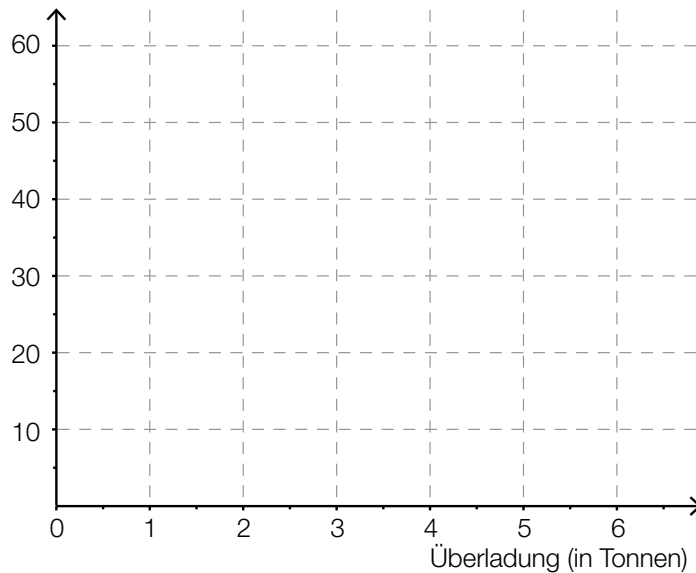
## Beladung von LKW

Bei einer Verkehrskontrolle wurde die Beladung von LKW überprüft. 140 der überprüften LKW waren überladen. Details der Kontrolle sind in der nachstehenden Tabelle zusammengefasst.

Überladung $\ddot{U}$ in Tonnen	$\ddot{U} < 1\text{t}$	$1\text{t} \leq \ddot{U} < 3\text{t}$	$3\text{t} \leq \ddot{U} < 6\text{t}$
Anzahl der LKW	30	50	60

### Aufgabenstellung:

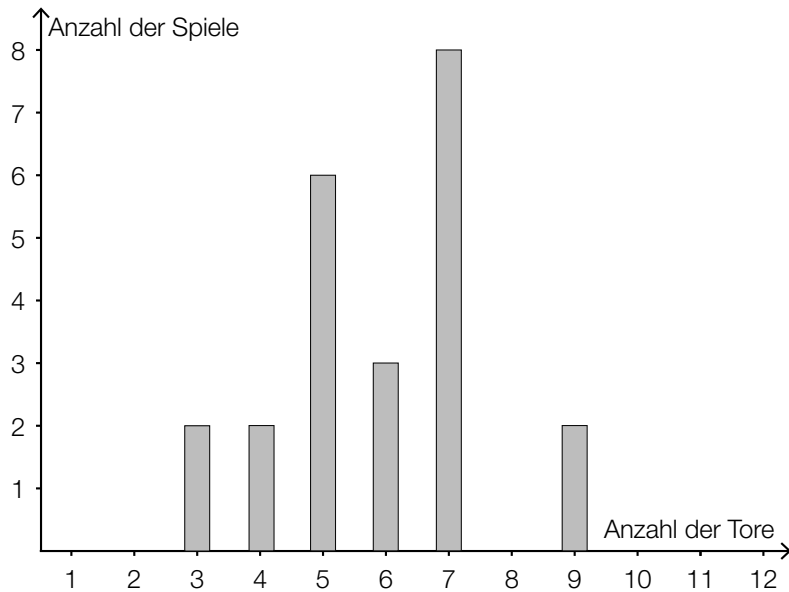
Stellen Sie die Daten der obigen Tabelle durch ein Histogramm dar! Dabei sollen die absoluten Häufigkeiten als Flächeninhalte von Rechtecken abgebildet werden.



# Aufgabe 20

## Eishockeytore

In der österreichischen Eishockeyliga werden die Ergebnisse aller Spiele statistisch ausgewertet. In der Saison 2012/13 wurde über einen bestimmten Zeitraum erfasst, in wie vielen Spielen jeweils eine bestimmte Anzahl an Toren erzielt wurde. Das nachstehende Säulendiagramm stellt das Ergebnis dieser Auswertung dar.



### Aufgabenstellung:

Bestimmen Sie den Median der Datenliste, die dem Säulendiagramm zugrunde liegt!



# Aufgabe 21

## Zollkontrolle

Eine Gruppe von zehn Personen überquert eine Grenze zwischen zwei Staaten. Zwei Personen führen Schmuggelware mit sich. Beim Grenzübertritt werden drei Personen vom Zoll zufällig ausgewählt und kontrolliert.

### Aufgabenstellung:

Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass unter den drei kontrollierten Personen die beiden Schmuggler der Gruppe sind!

# Aufgabe 22

## Wahrscheinlichkeitsverteilung

Der Wertebereich einer Zufallsvariablen  $X$  besteht aus den Werten  $x_1, x_2, x_3$ .

Man kennt die Wahrscheinlichkeit  $P(X = x_1) = 0,4$ . Außerdem weiß man, dass  $x_3$  doppelt so wahrscheinlich wie  $x_2$  ist.

### Aufgabenstellung:

Berechnen Sie  $P(X = x_2)$  und  $P(X = x_3)$ !

$$P(X = x_2) = \underline{\hspace{15em}}$$

$$P(X = x_3) = \underline{\hspace{15em}}$$

# Aufgabe 23

## Verschiedenfarbige Kugeln

Auf einem Tisch steht eine Schachtel mit drei roten und zwölf schwarzen Kugeln. Nach dem Zufallsprinzip werden nacheinander drei Kugeln aus der Schachtel gezogen, wobei die gezogene Kugel jeweils wieder zurückgelegt wird.

### Aufgabenstellung:

Gegeben ist der folgende Ausdruck:

$$3 \cdot 0,8^2 \cdot 0,2$$

Kreuzen Sie dasjenige Ereignis an, dessen Wahrscheinlichkeit durch diesen Ausdruck berechnet wird!

Es wird höchstens eine schwarze Kugel gezogen.	<input type="checkbox"/>
Es werden genau zwei schwarze Kugeln gezogen.	<input type="checkbox"/>
Es werden zwei rote Kugeln und eine schwarze Kugel gezogen.	<input type="checkbox"/>
Es werden nur rote Kugeln gezogen.	<input type="checkbox"/>
Es wird mindestens eine rote Kugel gezogen.	<input type="checkbox"/>
Es wird keine rote Kugel gezogen.	<input type="checkbox"/>

# Aufgabe 24

## Vergleich zweier Konfidenzintervalle

Auf der Grundlage einer Zufallsstichprobe der Größe  $n_1$  gibt ein Meinungsforschungsinstitut für den aktuellen Stimmenanteil einer politischen Partei das Konfidenzintervall  $[0,23; 0,29]$  an. Das zugehörige Konfidenzniveau (die zugehörige Sicherheit) beträgt  $\gamma_1$ .

Ein anderes Institut befragt  $n_2$  zufällig ausgewählte Wahlberechtigte und gibt als entsprechendes Konfidenzintervall mit dem Konfidenzniveau (der zugehörigen Sicherheit)  $\gamma_2$  das Intervall  $[0,24; 0,28]$  an. Dabei verwenden beide Institute dieselbe Berechnungsmethode.

### Aufgabenstellung:

Ergänzen Sie die Textlücken im folgenden Satz durch Ankreuzen der jeweils richtigen Satzteile so, dass eine korrekte Aussage entsteht!

Unter der Annahme von  $n_1 = n_2$  kann man aus den Angaben \_\_\_\_\_ ① \_\_\_\_\_ folgern;  
unter der Annahme von  $\gamma_1 = \gamma_2$  kann man aus den Angaben \_\_\_\_\_ ② \_\_\_\_\_ folgern.

①	
$\gamma_1 < \gamma_2$	<input type="checkbox"/>
$\gamma_1 = \gamma_2$	<input type="checkbox"/>
$\gamma_1 > \gamma_2$	<input type="checkbox"/>

②	
$n_1 < n_2$	<input type="checkbox"/>
$n_1 = n_2$	<input type="checkbox"/>
$n_1 > n_2$	<input type="checkbox"/>







